

1、PID 控制原理

电池充放电系统中的控制器,根据给定信号和反馈信号相减得到的偏差信号来计算控制量 u ,从而控制功率管的占空比 D 。从式(4-35)中可知,在 PWM 的频率不变的情况下,即周期寄存器 T_{xPR} 的值不变的情况下,由控制量 u 改变比较寄存器 T_{xCMPR} 的值便可以改变功率管的占空比 D 。在自动控制系统中,常用的控制器有比例-积分控制器 (PI 控制器)、比例-积分-微分控制器 (PID 控制器)、分段逼近式控制器,较为新颖的有模糊控制器,神经网络控制器等,本系统使用的是工业过程控制中广泛应用的 PID 控制器。

按偏差的比例、积分、微分进行控制的控制器称为 PID 控制器。模拟 PID 控制器的原理框图如图 4-7 所示,其中 $r(t)$ 为系统给定值, $c(t)$ 为实际输出, $u(t)$ 为控制量。PID 控制解决了自动控制理论所要解决的最为基本的问题,即系统的稳定性、快速性和准确性。调节 PID 的参数,可以实现在系统稳定的前提下,兼顾系统的带载能力和抗扰能力,同时由于在 PID 控制器中引入了积分项,系统增加了一个零极点,这样系统阶跃响应的稳态误差就为零。

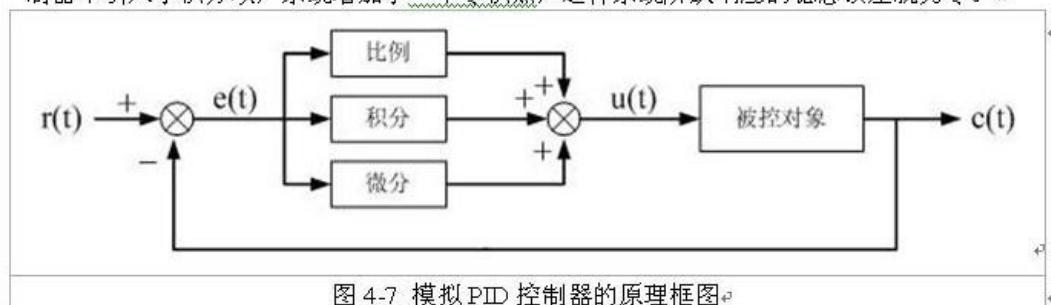


图 4-7 模拟 PID 控制器的原理框图

图 4-7 所示的模拟 PID 控制器的控制表达式为：

$$u(t) = k_p [e(t) + \frac{1}{T_i} \int_0^t e(\tau) d\tau + T_d \frac{de(t)}{dt}] \quad (4-36)$$

式中, $e(t)$ 为系统偏差, $e(t) = r(t) - c(t)$;

式中, $e(t)$ 为系统偏差, $e(t) = r(t) - c(t)$;

k_p 为比例系数;

T_i 为积分时间常数;

T_d 为微分时间常数。

式(4-36)也可以写成:

$$u(t) = k_p e(t) + k_i \int_0^t e(\tau) d\tau + k_d \frac{de(t)}{dt} \quad (4-37)$$

式中, k_p 为比例系数;

k_i 为积分系数, $k_i = k_p / T_i$;

k_d 为微分系数, $k_d = k_p T_d$ 。

简单说来, PID 控制器中各校正环节的作用如下^[42]:

(1) 比例环节 及时成比例地反映控制系统的偏差信号 $e(t)$, 偏差一旦产生, 控制器立即产生调节作用, 以减少偏差。

(2) 积分环节 主要用于消除静差提高系统的无差度。积分作用的强弱取决于积分时间常数 T_i , T_i 越大, 积分作用越弱, 反之则越强。

(3) 微分环节 能够反映偏差信号的变化趋势, 即偏差信号的变化速率, 并能在偏差信号值变得太大之前, 在系统中引入一个有效的早期修正信号, 从而加快系统的动作速度, 减小调节时间。

计算机控制是一种离散的采样控制, 在计算机控制系统中所使用的是数字 PID 控制器, 而式(4-36)和式(4-37)均为模拟 PID 控制器的控制表达式。通过将模拟 PID 表达式中的积分、微分运算用数值计算方法来逼近, 便可实现数字 PID 控制。只要采样周期 T 取得足够小, 这

种逼近就可以相当精确。

将微分项用差分代替, 积分项用矩形和式代替, 数字 PID 控制器的控制表达式如式(4-38)

$$u(k) = k_p \left\{ e(k) + \frac{T}{T_i} \sum_{j=0}^k e(j) + \frac{T_d}{T} [e(k) - e(k-1)] \right\} \quad (4-38)$$

同样的，式(4-38)也可以写成：

$$u(k) = k_p e(k) + k_i \sum_{j=0}^k e(j) + k_d [e(k) - e(k-1)] \quad (4-39)$$

其中： $k_i = k_p T / T_i$ ， $k_d = k_p T_d / T$ 。

数字 PID 控制器的控制算法通常可以分为位置式 PID 控制算法和增量式 PID 控制算法，本系统使用的是位置式 PID 控制算法，因此下面将讨论如何建立位置式 PID 控制算法的数学模型。

由式(4-39)可得，第 k-1 时刻 PID 调节的表达式为：

$$u(k-1) = k_p e(k-1) + k_i \sum_{j=0}^{k-1} e(j) + k_d [e(k-1) - e(k-2)] \quad (4-40)$$

将式(4-39)减式(4-40)，便可得到位置式 PID 控制算法的表达式为：

$$u(k) = u(k-1) + k_p [e(k) - e(k-1)] + k_i e(k) + k_d [e(k) - 2e(k-1) + e(k-2)]$$

为了使表达式更为简单，可以将上面的式子展开，合并同类项后可以得到：

$$u(k) = u(k-1) + a_0 e(k) + a_1 e(k-1) + a_2 e(k-2) \quad (4-41)$$

其中： $a_0 = k_p + k_i + k_d = k_p [1 + T/T_i + T_d/T]$ ；

$a_1 = -k_p - 2k_d = -k_p [1 + 2 T_d/T]$ ；

$a_2 = k_d = k_p T_d / T$ 。

式(4-41)即为本系统所使用的位置式 PID 控制器的数学模型。

2、流程图

PID 调节子程序的流程图如图 4-10 所示。当进入 PID 调节子程序时，首先需要根据系统给定值和采样值来计算偏差。为了防止在系统运行初期，由于控制量 $u(k)$ 过大使得开关管占空比 D 过大，需要对代入式(4-41)运算的 $e(k)$ 做一定的限幅处理。因为瞬间过大的占空比有时候可能会引起过大的电流，从而导致开关管的损坏。另外，在系统进入稳态后，偏差是很小的，如果偏差在一个很小的范围内波动，控制器对这样微小的偏差计算后，将会输出一个微小的控制量，此时输出的控制值在一个很小的范围内，不断改变自己的方向，频繁动作，发生振颤，这样不利于正在充电的蓄电池。因此，当控制过程进入这种状态时，就进入系统设定的一个输出允许带 e_0 ，即当采集到的偏差 $|e(k)| < e_0$ 时，不改变控制量，使充放电过程能够稳定的进行。

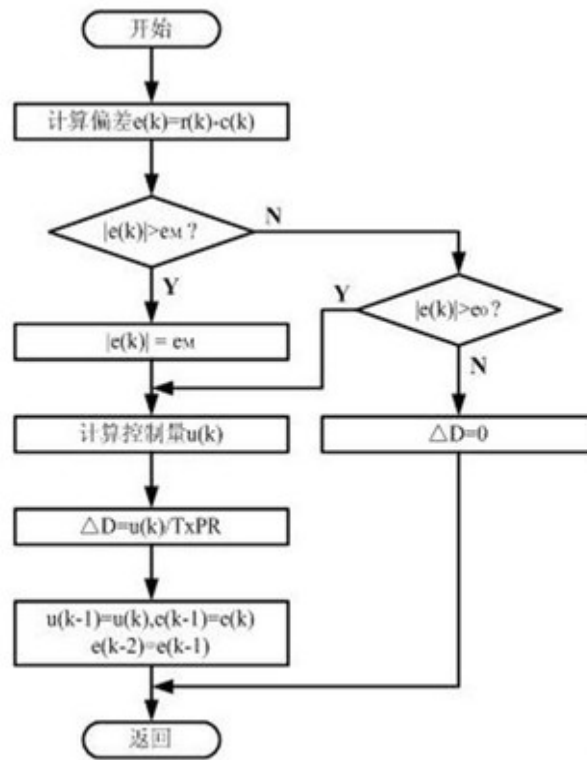


图 4-10 PID 调节子程序流程图

3、PID 代码

//定义变量

float Kp;

//PI 调节的比例常数

float Ti;

//PI 调节的积分常数

float T;

//采样周期

float Ki;

float ek;

//偏差 e[k]

float ek1;

//偏差 e[k-1]

float ek2;

//偏差 e[k-2]

float uk;

//u[k]

signed int uk1;

//对 u[k]四舍五入取整

signed int adjust;

//调节器输出调整量

//变量初始化

Kp=4;

Ti=0.005;

T=0.001;

// Ki=KpT/Ti=0.8, 微分系数 Kd=KpTd/T=0.8,Td=0.0002,根据实验调得的结果确定这些参数

ek=0;

ek1=0;

ek2=0;

uk=0;

uk1=0;

adjust=0;

int piadjust(float ek) //PI 调节算法

{

```

if( gabs(ek)<0.1 )
{
    adjust=0;
}
else
{
    uk=Kp*(ek-ek1)+Ki*ek; //计算控制增量
    ek1=ek;

    uk1=(signed int)uk;
    if(uk>0)
    {
        if(uk-uk1>=0.5)
        {
            uk1=uk1+1;
        }
    }
    if(uk<0)
    {
        if(uk1-uk>=0.5)
        {
            uk1=uk1-1;
        }
    }
    adjust=uk1;
}

return adjust;
}

```

下面是在 AD 中断程序中调用的代码。

```

.....
else //退出软启动后，PID 调节,20ms 调节一次
{
    EvaRegs.CMPR3=EvaRegs.CMPR3+piadjust(ek);//误差较小 PID 调节稳住
    if(EvaRegs.CMPR3>=890)
    {
        EvaRegs.CMPR3=890; //限制 PWM 占空比
    }
}
.....

```

4、PID 调节经验总结

PID 控制器参数选择的方法很多，例如试凑法、临界比例度法、扩充临界比例度法等。但是，对于 PID 控制而言，参数的选择始终是一件非常烦杂的工作，需要经过不断的调整才能得到较为满意的控制效果。依据经验，一般 PID 参数确定的步骤如下[42]：

(1) 确定比例系数 K_p

确定比例系数 K_p 时，首先去掉 PID 的积分项和微分项，可以令 $T_i=0$ 、 $T_d=0$ ，使之成为纯比例调节。输入设定为系统允许输出最大值的 60%~70%，比例系数 K_p 由 0 开始逐渐增大，直至系统出现振荡；再反过来，从此时的比例系数 K_p 逐渐减小，直至系统振荡消失。记录此时的比例系数 K_p ，设定 PID 的比例系数 K_p 为当前值的 60%~70%。

(2) 确定积分时间常数 T_i

比例系数 K_p 确定之后，设定一个较大的积分时间常数 T_i ，然后逐渐减小 T_i ，直至系统出现振荡，然后再反过来，逐渐增大 T_i ，直至系统振荡消失。记录此时的 T_i ，设定 PID 的积分时间常数 T_i 为当前值的 150%~180%。

(3) 确定微分时间常数 T_d

微分时间常数 T_d 一般不用设定，为 0 即可，此时 PID 调节转换为 PI 调节。如果需要设定，则与确定 K_p 的方法相同，取不振荡时其值的 30%。

(4) 系统空载、带载联调

对 PID 参数进行微调，直到满足性能要求。

附，完整 PID 代码：

```
//声明变量
//定义变量
float Kp;           //PID 调节的比例常数
float Ti;           //PID 调节的积分常数
float T;            //采样周期
float Td;           //PID 调节的微分时间常数
float a0;
float a1;
float a2;
float ek;           //偏差 e[k]
float ek1;          //偏差 e[k-1]
float ek2;          //偏差 e[k-2]
float uk;           //u[k]
int uk1;            //对 uk 四舍五入求整
int adjust;         //最终输出的调整量
//变量初始化，根据实际情况初始化
Kp=;
Ti=;
T=;
Td=;
a0=Kp*(1+T/Ti+Td/T);
a1=-Kp*(1+2*Td/T);
a2=Kp*Td/T;
// Ki=KpT/Ti=0.8, 微分系数 Kd=KpTd/T=0.8,Td=0.0002,根据实验调得的结果确定这些参数
ek=0;
ek1=0;
ek2=0;
uk=0;
uk1=0;
adjust=0;
```

```

int pid(float ek)
{
    if(gabs(ek)<ee) //ee 为误差的阈值，小于这个数值的时候，不做 PID 调整，避免误差较小时频繁调节引起震荡。ee 的值可自己设
    {
        adjust=0;
    }
    else
    {
        uk=a0*ek+a1*ek1+a2*ek2;
        ek2=ek1;
        ek1=ek;
        uk1=(int)uk;

        if(uk>0)
        {
            if(uk-uk1>=0.5)
            {
                uk1=uk1+1;
            }
        }
        if(uk<0)
        {
            if(uk1-uk>=0.5)
            {
                uk1=uk1-1;
            }
        }

        adjust=uk1;
    }
    return adjust;
}

float gabs(float ek)
{
    if(ek<0)
    {
        ek=0-ek;
    }
    return ek;
}

```